#### 8. Положение и распад атомных вакансий

## 8.1. Сдвиги атомных уровней и их ширина

Наблюдаемые на опыте энергии атомных уровней заметно отличаются от соответствующих ХФ значений. Причина отличия состоит в пренебрежении в ХФ существенно многоэлектронными эффектами, а именно изменения состояния всех электронов, т.е. в уже обсуждавшейся выше (см. Раздел 3.3) перестройке атомных оболочек вследствие образования вакансии в одной из них. Поправка к энергии уровня *i* -  $E_{n_i l_i}$  - определяется совокупностью диаграмм, подобных (6.4) и отличающихся заменой входной и выходной электронных линий El на дырочные n<sub>i</sub>l<sub>i</sub> [1]. Расчет вклада соответствующих корреляционных диаграмм во втором порядке теории возмущений приводит, как правило, к хорошему согласию с опытом для нейтральных атомов и положительных ионов. Так, для 3s оболочки Ar получено для разности  $\left|E_{3s}^{\tilde{O}\tilde{O}}\right| - \left|E_{3s}^{\tilde{e}\tilde{t}\tilde{O}\tilde{O}}\right| = 0.45 \ eV$ , что весьма близко к наблюдаемой на опыте разнице  $\left|E_{3s}^{\tilde{O}\tilde{O}}\right| - \left|E_{3s}^{\tilde{y}\tilde{e}\tilde{n}\tilde{t}}\right| = 0.4 \ eV$ . Сдвиг внутренних уровней выражается через монопольную статическую поляризуемость наружных оболочек  $\alpha(0)$  [2]. Для более точного определения энергий атомных уровней можно использовать метод, который рассматривался в Разделе 7.1, а именно, решать интегральное уравнение (7.2) как задачу на собственные значения и собственные функции с вычисленным нелокальным потенциалом.

Ширина уровня или время жизни вакансии, созданной во внутренней оболочке атома, определяется процессами радиационного и Оже – распада. Рассмотрим роль многоэлектронных эффектов в этих процессах.

Хартри-фоковская амплитуда Оже-распада изображается диаграммой



С учетом многоэлектронных корреляций в ПСФО диаграмма Оже-процесса имеет вид



где энергия Оже–электрона равна  $E_A = E_{jk} - E_i$ , а энергия Оже–перехода - $\omega_{ji} = E_j - E_i$ . Как и в предыдущих разделах,  $\Gamma(\omega)$  есть эффективное взаимодействие в ПСФО, определяемое уравнением (3.19). Вероятность Оже - распада, или его ширина  $\gamma_A$  пропорциональна квадрату модуля амплитуд (8.1) или (8.2). В приближении ХФ она определяется выражением:

$$\gamma_i^{(A)HF} = 2\pi \sum_{j,k} |\langle iE_A | U | jk \rangle|^2 \delta(E_A - \varepsilon_j - \varepsilon_k + \varepsilon_i), \qquad (8.4)$$

где суммирование производится по всем состояниям j и k. Выражение для  $\gamma^{(A)}$  в ПСФО получается заменой U в (8.3) на  $\Gamma(\omega)$  из (3.20).

Ширина уровня количественно и качественно изменяется под влиянием многоэлектронных корреляций: в рамках ПСФО она может быть или увеличена по сравнению с ХФ значением, или существенно уменьшена. Особенно заметны эффекты ПСФО, если энергия распада близка к каким-либо характерным атомным частотам, к примеру, частоте гигантского резонанса. В качестве примера уместно привести ширины нескольких Оже - переходов в Хе. Для распада  $4s^{-1}$  дырочного состояния по каналу  $4s^{-1} \rightarrow 4p^{-1}5p^{-1}\varepsilon d$  его ширина  $\gamma^{x\phi} = 3.48 \ eV$ , а  $\gamma^{\Pi C \phi O} = 0.47 \ eV$ ; для распада в другой канал  $4s^{-1} \rightarrow 4p^{-1}5s^{-1}\varepsilon p$  имеем  $\gamma^{x\phi} = 1.15 \ eV$ ,  $\gamma^{\Pi C \phi O} = 0.1 \ eV$ ; для  $4p^{-1} \rightarrow 4d^{-1}5p^{-1}\varepsilon d$  -  $\gamma^{x\phi} = 0.87 \ eV$ , а  $\gamma^{\Pi C \phi O} = 0.22 \ eV$ . Таким образом, под влиянием корреляций ширина  $\gamma$  значительно уменьшается. Однако в том же атоме имеется и пример противоположного действия – корреляции могут увеличивать вероятность Ожеэффекта. Так, для перехода  $3s^{-1} \rightarrow 3p^{-1}5p^{-1}\varepsilon d$  его ширина  $\gamma^{x\phi} = 0.52 \ eV$ , а  $\gamma^{\Pi C \phi O} = 1.24 \ eV$  [2].

Многоэлектронные корреляции существенно влияют и на вероятности радиационного распада, амплитуда которого в рамках ПСФО описывается двумя диаграммами



Выражение для радиационной ширины  $\gamma_{\gamma i}$  в приближении XФ имеет вид

$$\gamma_{\gamma i}^{(r)HF} = \sum_{j} \frac{\omega_{ij}^{3}}{c^{3}} \Big| \langle i | d_{r} | j \rangle \Big|^{2} \delta \Big( \omega_{ij} - \varepsilon_{j} + \varepsilon_{i} \Big),$$
(8.5)

где оператор взаимодействия фотона с электроном взят в приближении «длины»  $d_r$ , согласно (4.3). Результаты расчётов радиационных ширин для ряда атомов в приближении ХФ  $\gamma^{(r)HF}$  приведены в Таблице 1. Радиационная ширина в ПСФО  $\gamma^{(r)RPAE}$  получается из (8.5) заменой  $d_r$  на D из (3.17).

| Переход                             | $\omega_{ij}$ , $Ry$ | $\gamma^{(r)HF}$ | $\gamma^{(v)HF}$ | $\omega_{ij}$ , $Ry$ | $\gamma^{(r)_{HF}}$ | $\gamma^{(v)HF}$ |
|-------------------------------------|----------------------|------------------|------------------|----------------------|---------------------|------------------|
|                                     | Ne                   |                  |                  | Ar                   |                     |                  |
| 3s <sup>-1</sup> - 3p <sup>-1</sup> |                      |                  |                  | 1.373                | 1.018               | 0.560            |
| $2s^{-1} - 2p^{-1}$                 | 2.160                | 1.449            | 0.9497           | 5.501                | 4.355               | 3.398            |
| $2p^{-1} - 3s^{-1}$                 |                      |                  |                  | 16.59                | 2.658               | 2.313            |
| $2s^{-1} - 3p^{-1}$                 |                      |                  |                  | 23.46                | 22.28               | 18.20            |
| $1s^{-1} - 2p^{-1}$                 | 63.841               | 355.7            | 309.6            | 218.07               | 6958                | 6493             |
| $1s^{-1} - 3p^{-1}$                 |                      |                  |                  | 236.03               | 489.2               | 454.6            |
|                                     | Ca                   |                  |                  | Zn                   |                     |                  |
| 3s <sup>-1</sup> - 3p <sup>-1</sup> | 1.809                | 1.501            | 0.9048           | 3.597                | 4.022               | 3.189            |
| 3p <sup>-1</sup> - 3d <sup>-1</sup> |                      |                  |                  | 6.114                | 14.370              | 10.98            |
| $3p^{-1} - 4s^{-1}$                 | 2.2903               | 0.1289           | 0.0770           | 7.094                | 0.6808              | 0.3971           |
| $2s^{-1} - 2p^{-1}$                 | 6.3879               | 5.214            | 4.109            | 10.871               | 9.720               | 8.115            |
| $2p^{-1} - 3s^{-1}$                 | 22.768               | 5.119            | 4.619            | 66.575               | 38.12               | 33.26            |
| $2p^{-1} - 3d^{-1}$                 |                      |                  |                  | 76.286               | 711.5               | 628.5            |
| $2p^{-1} - 4s^{-1}$                 | 26.868               | 0.3277           | 0.2749           | 77.266               | 1.450               | 1.379            |
| $2s^{-1} - 3p^{-1}$                 | 30.965               | 55.50            | 46.93            | 81.043               | 574.1               | 516.5            |
| 1s <sup>-1</sup> - 2p <sup>-1</sup> | 271.48               | 11310            | 10641            | 628.73               | 68879               | 66251            |
| $1s^{-1} - 3p^{-1}$                 | 296.06               | 1065             | 997.9            | 698.90               | 8216                | 7869             |
|                                     | Kr                   |                  |                  | Xe                   |                     |                  |
| $5s^{-1} - 5p^{-1}$                 |                      |                  |                  | 0.9748               | 0.7055              | 0.3523           |

Таблица 1. Вероятности радиационных переходов (в 10<sup>-5</sup> eV)

| $4s^{-1} - 4p^{-1}$ | 1.2573  | 1.034  | 0.553  | 3.696   | 5.114  | 4.041  |
|---------------------|---------|--------|--------|---------|--------|--------|
| $4d^{-1} - 5p^{-1}$ |         |        |        | 4.642   | 0.9397 | 0.6991 |
| $4p^{-1} - 4d^{-1}$ |         |        |        | 6.461   | 20.36  | 15.63  |
| $3s^{-1} - 3p^{-1}$ | 5.035   | 6.508  | 5.406  | 9.907   | 16.69  | 14.34  |
| $4p^{-1} - 5s^{-1}$ |         |        |        | 10.128  | 3.005  | 2.251  |
| $4s^{-1} - 5p^{-1}$ |         |        |        | 14.799  | 4.152  | 3.143  |
| $3p^{-1} - 3d^{-1}$ | 9.013   | 23.86  | 19.70  | 18.207  | 55.10  | 48.63  |
| $2s^{-1} - 2p^{-1}$ | 13.783  | 13.08  | 11.00  | 23.104  | 25.06  | 21.91  |
| $3d^{-1} - 4p^{-1}$ | 6.602   | 0.9019 | 0.6709 | 40.221  | 23.75  | 22.87  |
| $3d^{-1} - 5p^{-1}$ |         |        |        | 51.324  | 2.368  | 2.135  |
| $3p^{-1} - 4s^{-1}$ | 14.358  | 3.794  | 2.979  | 54.732  | 61.21  | 55.09  |
| $3p^{-1} - 4d^{-1}$ |         |        |        | 64.888  | 300.3  | 263.0  |
| $3s^{-1} - 4p^{-1}$ | 20.650  | 9.756  | 7.643  | 68.334  | 387.6  | 348.7  |
| $3p^{-1} - 5s^{-1}$ |         |        |        | 68.555  | 7.786  | 7.039  |
| $3s^{-1} - 5p^{-1}$ |         |        |        | 79.437  | 41.26  | 36.77  |
| $2p^{-1} - 3s^{-1}$ | 104.32  | 92.41  | 81.84  | 275.22  | 623.1  | 573.4  |
| $2p^{-1} - 3d^{-1}$ | 118.37  | 2482   | 2259   | 303.33  | 23280  | 22044  |
| $2s^{-1} - 3p^{-1}$ | 123.14  | 1608   | 1481   | 308.23  | 13539  | 12883  |
| $2p^{-1} - 4s^{-1}$ | 123.72  | 9.052  | 8.484  | 339.86  | 130.5  | 119.4  |
| $2p^{-1} - 4d^{-1}$ |         |        |        | 350.01  | 3208   | 3025   |
| $2p^{-1} - 5s^{-1}$ |         |        |        | 353.68  | 15.77  | 14.79  |
| $2s^{-1} - 4p^{-1}$ | 138.76  | 126.5  | 116.1  | 366.66  | 2791   | 2634   |
| $2s^{-1} - 5p^{-1}$ |         |        |        | 377.76  | 265.2  | 250.2  |
| $1s^{-1} - 2p^{-1}$ | 914.27  | 151100 | 146300 | 2093.12 | 841300 | 824300 |
| $1s^{-1} - 3p^{-1}$ | 1023.62 | 21080  | 20340  | 2378.25 | 150700 | 147100 |
| $1s^{-1} - 4p^{-1}$ | 1039.24 | 1525   | 1471   | 2436.67 | 28510  | 27800  |
| $1s^{-1} - 5p^{-1}$ |         |        |        | 2447.78 | 2669   | 2603   |

Как и в Оже-распаде, многоэлектронные корреляции могут увеличить ширину радиационного распада или уменьшить ее [3], вплоть до фактически полного подавления, названного "радиационным самозапиранием оболочек" [4]. Сказанное иллюстрирует Таблица 2, где показано, сколь существенно ширины в ПСФО  $\gamma_{\gamma}^{(r)RPAE}$  отличаются от ХФ значений  $\gamma^{(r)HF}$ .

| Переход             | ΧΦ-       | Корреляц.                           | Амплитуда с  | $\gamma^{(r)HF}$ | $\gamma^{(r)I\tilde{N}\hat{O}I}$ |
|---------------------|-----------|-------------------------------------|--------------|------------------|----------------------------------|
|                     | амплитуда | переход                             | корреляциями | •                | ·                                |
| $3s^{-1} - 3p^{-1}$ | 1.02      | $3p - \varepsilon d, \varepsilon s$ | -0.53        | 1.018            | 0.24                             |
| $4s^{-1} - 4p^{-1}$ | 1.02      | 4p - εd, εs                         | -0.62        | 1.034            | 0.16                             |
| $4p^{-1} - 4d^{-1}$ | -3.6      | 4d - εf, εp                         | 2.96         | 20.4             | 0.75                             |

Таблица 2. Ширины радиационных переходов (в 10<sup>-5</sup> *eV*)

Качественно важность корреляций может быть понята, если рассматривать проблему распада как своего рода внутренний фотоэффект. Виртуальный фотон,

испущенный при  $i \rightarrow j$  переходе, проходит через атомные оболочки и, если его энергия близка к потенциалу ионизации одной из многоэлектронных оболочек, "застревает" в ней, что значительно влияет на вероятность распада.

### 8.2. Однофотонный распад двухдырочных состояний

Взаимодействие между атомными электронами приводит к сложному типу распада – одновременному распаду двух вакансий с испусканием одного фотона или одного электрона. В этом разделе обсудим первый из этих процессов, а второму посвятим следующий раздел. Интерес к подобным сложным процессам определяется тем, что, во-первых, они приводят к появлению новых спектральных линий, а вовторых, дают дополнительную информацию о межэлектронном взаимодействии.

При распаде вакансий во внутренних оболочках энергия испускаемого фотона примерно равна сумме энергий обеих вакансий и, следовательно, велика. Поэтому можно пользоваться теорией возмущений по межэлектронному взаимодействию Амплитуда процесса  $M_{j_1 j_2 i_1 i_2}$  представляется диаграммой



и еще тремя другими диаграммами, где фотонная линия исходит из других дырочных линий диаграммы. Здесь энергия испускаемого фотона равна  $\omega_{j_1 j_2 i_1 i_2} = E_{j_1 j_2} - E_{i_1 i_2}$ . По промежуточным состояниям k, которое может быть как дырочным, так и электронным, в выражении для амплитуды производится суммирование (и интегрирование). Вероятность (парциальная ширина) распада находится с помощью формулы

$$\gamma_{j_1 j_2 i_1 i_2} = \frac{2}{3} \frac{\omega_{j_1 j_2 i_1 i_2}^3}{c^3} \left| M_{j_1 j_2 i_1 i_2} \right|^2$$
(8.7)

Полная ширина однофотонного распада двухдырочного состояния  $\gamma_{i_1i_2}$  получается из парциальных  $\gamma_{j_1j_2i_1i_2}$  суммированием по  $j_{1,2}$  с учётом закона сохранения энергии  $\omega_{j_1j_2i_1i_2} = E_{j_1j_2} - E_{i_1i_2}$ .

Идеи о возможности существования такого распада высказывались еще в 30-х годах А. Зоммерфельдом, однако первые реальные вычисления были проведены лишь

в 1977 г. [5] после появления соответствующих экспериментальных данных [6]. Расчеты показали, что следует учесть все четыре диаграммы типа (8.6) и просуммировать по весьма широкому набору состояний k. Заметная роль большого числа состояний в сумме по k подчеркивает многоэлектронный характер процесса однофотонного распада двухвакантных состояний.

Оценки и вычисления показывают, что ширина  $\gamma_{j_1 j_2 i_1 i_2}$ , как правило, на шесть порядков меньше Оже-ширины каждого из уровней  $i_1$  и  $i_2$ . Отношение  $\gamma_{j_1 j_2 i_1 i_2}$  к удвоенной ширине радиационного распада колебалось от 0.002 до 0.47. В качестве примера приведем результаты для следующих распадов:

Ne<sup>++</sup>: распад  $1s^{-2} \rightarrow 2s^{-1}2p^{-1}$ , его ширина  $\gamma = 1.3 \cdot 10^{-5} eV$ ,

Ar<sup>++</sup>: распад  $2s^{-2} \rightarrow 3s^{-1}2p^{-1}$ , его ширина  $\gamma = 4.06 \cdot 10^{-5} eV$ ,

Xe<sup>++</sup>: распад 
$$4d^{-2} \rightarrow 5s^{-1}5p^{-1}$$
, его ширина  $\gamma = 0.43 \cdot 10^{-5} eV$ ,

Данные опыта по распаду в Ne -  $1.4 \cdot 10^{-5} eV$  весьма близки к приведенному выше расчетному значению.

Вероятность однофотонного распада значительно возрастает, если энергия фотона относительно мала. Уменьшение  $\omega_{j_1 j_2 i_1 i_2}$  в (8.7) легко компенсируется увеличением амплитуды, в которую входят состояния с большим перекрытием волновых функций. Это может иметь место при распаде двухдырочных состояний в промежуточных оболочках. Причем одна из конечных вакансий может быть и глубже, чем начальная [7,8], т.е. имеет место или "углубление", либо "встречное" движение вакансий. Распад двухвакантных состояний в промежуточных оболочках приводит к большому разнообразию в энергиях фотонов. В рассмотренном случае благородных газов – Ne, Ar, Kr – диапазон энергий  $\omega_{j_1 j_2 i_1 j_2}$  изменяется от 1 до 60 *Ry*, а радиационных ширин – от 0.06·10<sup>-7</sup> eV до 227·10<sup>-7</sup> eV.

Таким образом, однофотонные распады в ионах с двумя и большим числом вакансий являются чисто корреляционными процессами, вероятность которых определяется межэлектронным взаимодействием и которые приводят к появлению значительного числа новых спектральных линий заметной интенсивности [9].

# 8.3. Одноэлектронный распад двухдырочных состояний

Теоретическое описание одноэлектронного распада двухдырочных состояний подобно описанию однофотонного распада, приведенного в Разделе 8.2. Наиболее

простое выражение для амплитуды процесса  $M_{i_1i_2j_1j_2j_3}$  определяется набором диаграмм второго порядка по межэлектронному взаимодействию, число которых значительно больше, чем для однофотонного распада. В качестве примера приведем следующие диаграммы:



Другие диаграммы получаются из приведенных перестановкой элемента диаграммы, описывающего порождение электрона с энергией  $\varepsilon = E_{j_1 j_2 j_3} - E_{i_1 i_2}$  (где  $E_{j_1 j_2 j_3}$  и  $E_{i_1 i_2}$ есть энергии состояний  $j_1 j_2 j_3$  и  $i_1 i_2$  соответственно) в разные дырочные линии - не только  $j_1$ , но и  $i_1 i_2 j_2$ . Необходимо учитывать также как перестановки во времени линий кулоновского межэлектронного взаимодействия в диаграмме (8.66), так и взаимодействия перехода  $i_2 \rightarrow j_2 (i_1 \rightarrow j_1)$  не только с вакансией, но и с электроном  $E_A$ . Как и для однофотонного распада, в одноэлектронном распаде [10-14] важны, как правило, все диаграммы (8.6), а при их вычислении существенный вклад вносит широкий набор состояний в сумме по промежуточным состояниям k. В результате расчетов обнаружена сильная чувствительность к выбору одноэлектронных функций непрерывного спектра. Так, в зависимости от того, брались ли они в поле двукратного или трехкратного иона, результат для Оже - ширины  $\gamma_{i_1 i_2}$ , определяемой соотношением

$$\gamma_{i_1 i_2}^{(A)} = 2\pi \sum_{j_1 j_2 j_3} \left| M_{i_1 i_2 j_1 j_2 j_3} \right|^2$$
(8.9)

изменился от 0.92·10<sup>-4</sup> eV до 2.13·10<sup>-4</sup> eV. Физически оправданным является результат, полученный с использованием волновой функции, найденной в поле трехкратного иона.

Если вакансии  $i_{1,2}$  - внутренние, а  $j_{1,2,3}$  - внешние, энергия Оже-перехода может быть оценена как  $E_A \approx |\varepsilon_{i_1} + \varepsilon_{i_2}| >> \varepsilon_{j_{1,2,3}}$ . Можно сказать, что в таком *трёхэлектронном переходе* обе вакансии "всплывают".

Наряду с трёхэлектронными Оже - переходами высокой энергии (типичная ширина ~10<sup>-4</sup> eV), теоретически предсказаны и изучены специфичные трёхэлектронными Оже - переходы с (а) *углублением* и (б) встречным движением вакансий, энергия которых сравнительно мала, а ширина ~10<sup>-2</sup> eV сравнима с шириной Оже - переходов [15]. В переходах с *углублением* вакансии одна из энергий  $|\varepsilon_{j_{1,2,3}}| > |\varepsilon_{i_{1,2}}|$ . В переходах со встречным движением вакансий одна из них углубляется, а другая – всплывает.

В качестве примера приведём результаты изучения трёхэлектронных Оже – переходов  $2p^{-2}[{}^{1}S,{}^{1}D] \rightarrow 3s^{-2}[{}^{1}S]2s^{-1}[{}^{2}S] + q_{s,d}$  в Аг с углублением вакансии, энергия и ширина которых составляют 9.626 *Ry* и 0.45×10<sup>-2</sup> *eV* для [ ${}^{1}S$ ] и 8.959 *Ry* и 0.22×10<sup>-4</sup> *eV* для [ ${}^{1}D$ ] [15]. Напомним, что  $|E_{2s}| > |E_{2p}|$ . Ширина перехода из состояния  $2p^{-2}[{}^{1}D]$  мала из-за взаимной компенсации (интерференции) парциальных амплитуд – доминирующего механизма указать нельзя.

Механизм встречного движения вакансий изучен в [16] на примере четырёх переходов  $3s^{-1}4p^{-1}$  [<sup>1,3</sup>*P*]  $\rightarrow 4s^{-2}$ [<sup>1</sup>*S*]  $3d^{-1}$ [<sup>2</sup>*D*]  $+q_{p,f}$ [<sup>1,3</sup>*P*] в Кг с энергиями  $E_A$ =7.801 *Ry* и  $E_A$ =7.764 Ry для синглета и триплета, соответственно, которые хорошо отделены от основных линий Оже - распада 3s-вакансии. Напомним, что  $|E_{3s}| > |E_{4s}|$  и  $|E_{4p}| < |E_{4s}|$ , т.е. одна вакансия в процессе распада всплывает, а другая – углубляется. Основные результаты расчета приведены в Таблице 3. Всего имеется восемь диаграмм типа (8.8), описывающих трёхэлектронный Оже - распад. В рассматриваемом случае вакансия в 4p оболочке углубляется, двигаясь тем самым навстречу всплывающей вакансии  $3s^{-1}$ , из чего видно, что "резонанс в континууме" является довольно хорошим приближением для оценки вероятности переходов (*a*), (*b*) и (*c*)

Таблица 3. Парциальные  $M_{\alpha}^{(1)}$ , полная амплитуда  $M_{tot}^{(1)}$ , вероятность  $\gamma^{(A)}$ , энергия *E*<sub>A</sub> трёхэлектронного Оже-перехода в Kr. *l*<sub>q</sub> - орбитальный момент Оже - электрона.

|                            | <i>a</i> )               | б)                       | 6)                      | г)                     |
|----------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------|------------------------|
| $M_{lpha}$                 | $l_q=1$                  | $l_q=1$                  | $l_q=3$                 | $l_q=3$                |
| $(10^{-3} Ry^{1/2})$       | $E_q^{(1)}=7.801 \ Ry$   | $E_q^{(1)}=7.764 Ry$     | $E_q^{(1)}=7.801 \ Ry$  | $E_q^{(1)}=7.764 Ry$   |
| $M_1^{(1))}$               | 0.656                    | -3.956                   | -2.209                  | 0.575                  |
| $M_2^{(1)}$                | 0.711                    | -4.014                   | -2.350                  | 0.601                  |
| $M_3^{(1)}$                | -0.237                   | -0.082                   | -0.030                  | 0.041                  |
| $M_4^{(1)}$                | -3.416 - <i>i</i> 5.912  | -1.718 - <i>i</i> 3.100  | 1.838+ <i>i</i> 6.155   | -0.252+ <i>i</i> 3.251 |
| $M_{5}^{(1)}$              | -3.555 - <i>i</i> 6.153  | -1.852 - <i>i</i> 3.278  | 1.902+ <i>i</i> 6.060   | -0.336+ <i>i</i> 3.221 |
| $M_{6}^{(1)}$              | 0.075 - <i>i</i> 0.121   | 0.312 - <i>i</i> 0.008   | 0.843 - <i>i</i> 0.236  | -0.222+ <i>i</i> 0.069 |
| $M_{7}^{(1)}$              | 0.796                    | 1.127                    | -0.831                  | 0.140                  |
| ${M_8}^{(1)}$              | 0.845                    | 1.168                    | -0.849                  | 0.162                  |
| $M_9^{(1)}$                | -1.720                   | -3.337                   | -5.663                  | 0.584                  |
| $M_{tot}{}^{(1)}$          | -5.845 - <i>i</i> 12.186 | -12.321 - <i>i</i> 6.386 | -7.348+ <i>i</i> 11.979 | 1.293+ <i>i</i> 6.541  |
| $\gamma^{(A)}(10^{-2} eV)$ | 1.562                    | 1.646                    | 1.694                   | 0.380                  |

Рассмотренные примеры трёхэлектронных Оже - переходов с углублением и встречным движением вакансий показывают, что распад возбужденных состояний ионов может происходить через весьма сложные промежуточные состояния. Нередко вероятность испускания низкоэнергетических электронов в трёхэлектронными Ожепереходах с углублением и встречным движением вакансий довольно велика (на порядок-два больше, чем в трёхэлектронных Оже-переходах с всплыванием вакансий) и сравнима с вероятностями обычных Оже-переходов. Вероятность трёхэлектронных Оже-переходов увеличивается с уменьшением энергии перехода, как это имеет место и при обычных Оже-распадах.

### 8.4. Корреляционные распады

Наличие изначальных дополнительных вакансий, просто из-за их взаимодействия с распадающимися вакансиями (даже без изменений состояний первых), приводит к новым линиям в спектре испускаемых атомом (или ионом) фотонов или электронов так называемым гиперсателлитам. В низшем порядке теории возмущений по межэлектронному взаимодействию гиперсателлиты изображаются диаграммами (8.6), в которых одна из вакансий не меняет своего состояния в процессе распада [11].

202

В конкретном рассмотренном случае атома Ne учет взаимодействия с дырками заметно изменяет вероятность распада в различных каналах, как увеличивая ее, так и уменьшая. Для исследованных случаев в Ne [12] вероятность распада увеличивается в два раза для перехода  $1s^{-2} \rightarrow 1s^{-1}2p^{-1}$  или уменьшается примерно в 5.3 раза для перехода  $2s^{-2} \rightarrow 2s^{-1}2p^{-1}$ .

Наличие вакансии с  $l' \neq 0$  снимает запрет с радиационного перехода в возбужденном атоме  $nl \rightarrow n'(l \pm 3)$  [7,8]. Конкретным примером может служить радиационный переход  $ns \rightarrow n'f + \omega$ , который становится возможным благодаря наличию вакансии *p*. Последняя, взаимодействуя с *ns*, примешивает к нему *d*-уровень, который, испуская фотон, становится *f*-уровнем. Наличие *d*- вакансии снимает запрет с радиационного перехода  $ns \rightarrow n'h$  [7,8].

Межэлектронное взаимодействие проявляется и в том, что одиночные вакансии могут распадаться одновременно с испусканием фотона и возбуждением или удалением атомного электрона [17]. Для примера приведем одну из диаграмм, описывающих данный процесс



(8.10)

Если *n* есть дискретный уровень возбуждения, то этот механизм приводит к целому набору новых спектральных линий, имеющих многоэлектронную природу (как и остальные, упоминаемые в данном разделе). Интенсивность таких линий может быть вполне значительной, иногда сопоставимой с интенсивностью просто радиационных распадов, уступая им всего примерно на порядок.

Оказалось, что заметный вклад в полную безрадиационную ширину вакансий вносит двойной Оже-эффект: процесс, в котором вся энергия распада передается двум, а не одному Оже-электрону [18]. Даже в низшем, т.е. втором порядке по межэлектронному взаимодействию, амплитуда этого процесса представляется значительным числом диаграмм. Примером может служить одна из них:



Энергетическое распределение электронов  $\varepsilon_1$  и  $\varepsilon_2$  в этом процессе, как и в двухэлектронной фотоионизации, несимметрично - один электрон уносит почти всю энергию перехода, а другой получает лишь малую ее часть. Значительна и вероятность того, что медленный электрон будет захвачен на дискретный уровень в поле состояния с тремя вакансиями  $j_1 j_2 j_3$ . Конкретные расчеты для  $1s^{-1} \rightarrow 2s^{-2}2p^{-1}+e_1+e_2$  в Ne [19] позволили установить, что вероятность двойного Оже-эффекта составляет 4% от вероятности обычного. Оказалось также, что имеется существенная зависимость выхода электронов от относительного угла, а также от энергии Оже-электронов.

В качестве примера приведём результаты расчета и оценки энергетического спектра  $\gamma(\varepsilon)$  электронов и вероятности двухэлектронных Оже-переходов  $1s^{-1}[^2S] \rightarrow 2s^{-2}$  $2p^{-1}[^2P]+(q_1q_2), (l_{q_1},l_{q_2})=(l, l+1), l=0,1,2,..., E_{q_1q_2}=50.512 Ry$  в Ne [16]. Волновые функции Оже-электронов находились в поле "замороженного" атомного остова  $2s^{-2} 2p^{-1}[^2P]$ . Каскадный механизм, т.е. последовательный распад вакансий, сначала *i*, затем  $j_2$  и т.д. в этом переходе невозможен, поэтому  $\gamma(\varepsilon)$  имеет характерную U-образную форму. Она свидетельствует о том, что наиболее вероятным является такое распределение энергии перехода между двумя Оже-электронами, при котором один из них получает большую часть энергии, а другой оказывается медленным.

Суммарная ширина указанных двухэлектронных Оже-переходов составляет  $0,342 \times 10^{-2} \ eV$ , или примерно1.5% от полной ширины 1*s*-вакансии (0.23 eV). Модель *встряски*, т.е. такого процесса, при котором второй электрон вылетает вследствие быстрого изменения самосогласованного поля атома вследствие быстрого удаления первого электрона, дает, как и для трёхэлектронных Оже-переходов, весьма заниженное (в ~3 раза) значение плотности вероятности по сравнению со строгим расчетом. Если примерно с той же вероятностью двухэлектронный Оже -распад 1*s*-вакансии приводит к конфигурациям  $2s^{-1}2p^{-2}$  и  $2p^{-3}$ , полная ширина 1*s*-вакансии в Ne

относительно двухэлектронного Оже-распада составляет  $1,8 \times 10^{-2} eV$  (~7% полной ширины), что хорошо согласуется с экспериментальным значением ~8-10%.

Приведём результаты исследования двойного Оже-распада 3d-вакансии в Kr, где наблюдался ряд новых флуоресцентных линий слабой интенсивности при облучении Kr фотонами с энергией 90-100 eV (область возбуждения резонансов KrI 3 $d^{-1}$ *пр*. Предположительно, линии связаны с переходами вида  $4s^14p^4 \rightarrow 4s^24p^3$  в ионе Kr<sup>3+</sup>, начальные состояния которых могут заселяться по двухступенчатой траектории тройной фотоионизации через ионизацию 3*d*-оболочки. Изучены пять каналов двухэлектронного Оже - распада 3*d*-вакансии в Кr в состояния: (*a*)  $4s^2 4p^3 [^2D]$ , (б)  $4s^{2}4p^{3}[^{2}P]$ , (в)  $4s^{2}4p^{3}[^{4}S]$ , (г)  $4s^{1}4p^{4}[^{2}D]$ , (д)  $4s^{1}4p^{4}[^{4}P]$  с довольно малыми энергиями переходов: E<sub>1</sub>=16.81 eV, E<sub>2</sub>=15.06 eV, E<sub>3</sub>=19.11 eV, E<sub>4</sub>=0.89 eV и E<sub>5</sub>=4.03 eV. Наиболее вероятными найдены каналы *a* и *г*, в которых терм  $[^{2}D]$  начального и конечного ионов совпадают, см. Таблицу 4. Далее идет канал б, в котором орбитальный момент ионаостатка изменяется на единицу, а спиновый момент сохраняется. Менее вероятны каналы e и d, приводящие к квартетным термам конечного иона  $4p^3[{}^4S]$  и  $4s^{1}4p^{4}[^{4}P]$  с изменением моментов иона-остатка, из-за чего испускаются только триплетные пары Оже-электронов. Суммарная плотность вероятности γ(ε), рис. 8.1, принимает наибольшее значение ~13×10<sup>-4</sup> в низкоэнергетической части спектра, где суммируются симметричные U-образные плотности вероятности всех рассмотренных каналов.

| Таблица 4. Энергия Е | и ширина $\Gamma^{L_{ic}S_{ic}}$ | двухэлектронных | Оже -переходов в Kr. |
|----------------------|----------------------------------|-----------------|----------------------|
| 1                    | 1                                | 1               | 1 / 1                |

|   | Конечный ион                          | E(eV) | $\Gamma^{L_{ic}S_{ic}}$ (eV) | η   |
|---|---------------------------------------|-------|------------------------------|-----|
| а | $4s^2 4p^3(^2D)$                      | 16,81 | $4,93 \cdot 10^{-3}$         | 80  |
| б | $4s^{1}4p^{4}(^{2}D)$                 | 0,89  | $7,34 \cdot 10^{-4}$         | 12  |
| в | $4s^2 4p^3(^2P)$                      | 15,06 | $4,02 \cdot 10^{-4}$         | 7   |
| г | $4s^2 4p^3(^4S)$                      | 19,01 | $4,15 \cdot 10^{-5}$         | <1  |
| д | $4s^{1}4p^{4}(^{4}P)$                 | 4,03  | $4,45 \cdot 10^{-5}$         | <1  |
|   | $\Gamma = \sum \Gamma^{L_{ic}S_{ic}}$ |       | 6,15·10 <sup>-3</sup>        | 100 |
|   | $\overline{L_{ic}S_{ic}}$             |       |                              |     |

Целесообразно выделить так называемые *сателлитные Оже-переходы*, которые подобны двухэлектронным Оже-переходам, однако в них в непрерывный спектр

излучается лишь один электрон q, а второй возбуждается на дискретный уровень nl двукратного иона. Поскольку часть энергии перехода затрачивается на возбуждение электрона на уровень nl, кинетическая энергия Оже-электрона уменьшается на соответствующую величину, что приводит к появлению сателлитных линий в Оже-спектре.

В работе [16] изучены переходы  $1s^{-1} \rightarrow 2s^{-2}2p^{-1}nl+q$  (nl=3s, 3p;  $\varepsilon \sim 52$  Ry) в Ne и  $3d^{-1} \rightarrow 4s^{-1}4p^{-2}nl+q$  и  $3d^{-1} \rightarrow 4p^{-3}nl+q$  (n=1,2,...,9; l=0,1,2,3;  $\varepsilon \sim 2-35$  eV) в Kr. Установлено, что вероятность переходов в Ne имеет порядок  $10^{-4}-10^{-5}$  eV (как у ТЭО-распадов двух 1*s*-вакансий) и быстро убывает с ростом *l* и  $l_q$ . Показано, что среди множества рассчитанных переходов, наиболее вероятными являются переходы в состояния  $4s^{-1}4p^{-2}[^{2}D] 4d[^{1}S], 4p^{-3}[^{2}D] 4f[^{1}P], 4p^{-3}[^{2}P] 4f[^{1}D]$  (131.121) и  $4p^{-3}[^{2}D] 4f[^{3}P]$ .

#### 8.5. Оже-распады возбуждённых состояний

В этом разделе мы коснемся совсем кратко вопроса об Оже-распаде возбуждённых состояний атомов. Начнём с простейших состояний, представляющих собой электрон - дырочную пару *ni*. Амплитуда такого процесса распада в низшем порядке по межэлектронному взаимодействию, вызывающему переход с испусканием Оже-электрона энергии  $E_A$  и образованием дырки *k* в какой-либо из внешних оболочек, может быть представлена в виде (8.10)



К тому же классу, что и обсуждавшиеся выше процессы, представленные в виде (8.12), относится распад электрон - дырочного возбуждения в присутствии вакансии [18]. Распад такого состояния может идти по ряду различных каналов, в том числе и с испусканием одного электрона [19] или фотона.

К обсуждаемому в данном разделе классу процессов относится резонансно возбужденных состояний (8.13) и автоионизации двукратно возбужденных состояний

(8.14). Автоионизационные процессы возможны при возбуждении дискретных резонансных состояний, лежащих выше порога однократной ионизации, а для двойной автоионизации требуется возбуждение резонансов выше порога двойной ионизации. Эти процессы представляют интерес сами по себе, а также зачастую входят как второй или даже третий-четвертый "элементарный" этап множественной ионизации атома или ионизации в возбужденное состояние иона.



Двойная автоионизация резонансно возбужденных состояний по сути подобна двухэлектронным Оже-переходам - испускаются два электрона с любыми значениями орбитальных моментов  $(l_1, l_2)$ . Энергия перехода произвольно распределяется между вылетающими электронами, а сам переход также имеет черты, характерные для "встречного движения" вакансий в трёхэлектронных Оже-переходах, если уничтожение электрона на дискретном уровне условно считать рождением дырки.

Представлены результаты изучения следующих каналов двойной автоионизации в Kr: (a)  $3d^{-1}5p[^{1}P] \rightarrow 4s^{-2}[^{1}S] + (q_{1}q_{2})$ , (б)  $3d^{-1}5p[^{1}P] \rightarrow 4s^{-1}4p^{-1}[^{1}P] + (q_{1}q_{2})$  и (в)  $3d^{-1}5p[^{1}P] \rightarrow 4s^{-1}4p^{-1}[^{3}P] + (q_{1}q_{2})$ . Показано, что переход (a) может быть только прямым и поэтому имеет исключительно корреляционную природу. Каналы (б) и (в) осуществляются как прямо, так и двухступенчато, через промежуточное состояние  $4s^{-2}$  5p. В [16] приведены результаты строгого расчета ширин перечисленных каналов и построены канальные и суммарный электронные спектры, см. рис. 8.2a,6.

Автоионизация двукратно возбужденных состояний может приводить к появлению структур в сечениях однократной ионизации. Энергии этих состояний вполне достаточно для ионизации субвалентной оболочки, что при резонансной энергии фотона открывает дополнительный (к традиционно рассматриваемому  $A + \omega \rightarrow A^{+} + e$ ) двухступенчатый канал  $A + \omega \rightarrow A^{**} \rightarrow A^{+} + e$ .

Применение многочастичной теории возмущений (МТВ) позволило рассмотреть и предсказать еще целый ряд корреляционных эффектов [20], ждущих своего изучения на эксперименте.

Выполнение расчетов с точностью большей, чем достигаемая в рамках МТВ, сопряжено с очень значительными вычислительными трудностями и потому, как правило, пока не проводится.

## Литература к гл. 8

- Amusia M.Ya., Cherepkov N.A., Chernysheva L.V., Shapiro S.G. Phys. Lett A. 1974. V. 46, N 6. P. 387-388.
- 2. Амусья М. Я., Черепков Н. А, Шапиро С. Г. ЖЭТФ, 1972. V. 63. P. 889-898.
- 3. Амусья М.Я., Ли И.С. ЖЭТФ. 1977. V. 73, N 2. P. 430-438
- Amusia M.Ya., Kazachkov M.P., Cherepkov N. A., Chernysheva L.V. Phys. Lett. A. 1972.
   V. 39, N 2. P. 93-94.
- 5. Amusia M.Ya., Lee I.S., and Zinoviev A.N. Phys. Lett. A. 1977. V. 60, N 4. P. 300-302.
- 6. Афросимов В. В. Письма в ЖЭТФ. 1975. V. 21. Р. 555-556; Письма в ЖЭТФ. 1976.
  Т. 24. С. 273-274.
- 7. Амусья М.Я., Колесникова А.Н., Ли И.С. Изв. АН СССР, сер.физ. 1986. V. 50, N 7. P. 1279-1284.
- 8. Амусья М.Я., Колесникова А.Н., Ли И.С. ЖТФ. 1986. V. 56, N 7. P. 1428-1430.
- 9. Amusia M.Ya., Lee I.S. J Phys B. 1991. V. 24. P. 2617-2632.
- 10. Амусья М. Я., Ли И. С., Килин В. А. ЖТФ. 1984. Т. 54, № 5. С. 990-992.
- 11. Амусья М. Я., Килин В. А., Ли И. С. Опт. спектр. 1985. Т. 59. С. 261-264.
- 12. Амусья М. Я., Колесникова А. Н., Ли И. С. ЖТФ. 1985. Т. 55, № 1. С. 39-41.
- 13. Amusia M. Ya. Comments At. Mol. Phys. 1979. V. 9, N 1. P. 23-34.
- 14. Амусья М. Я., Колесникова А. Н., Ли И. С. ЖТФ. 1987. Т. 57, №3. С. 1726-1734.
- 15. Амусья М. Я., Колесникова А. Н., Ли И. С.. Письма в ЖТФ. 1985. Т. 11. С. 343-346.
- 16. *Килин В. А.* Корреляционные эффекты в процессах множественной ионизации атомов, Автореферат диссертации на соискание учёной степени доктора физикоматематических наук, Томск: ТПУ, 2004.
- 17. Амусья М. Я., Колесникова А. Н., Ли И. С. ЖТФ. 1988. Т. 58, №3. С. 442-451.
- 18. Amusia M. Ya., Lee I. S., Kilin V. A. Phys.Rev. A. 1997. V. 45. P. 4576-4587.
- 19. Amusia M. Ya., Lee I. S., Kilin V. A. J. Phys.B: At.Mol.Opt.Phys. 1992. V. 25. P. 657-666.
- 20. Amusia M. Ya., Lee I. S. Physica Scripta 1992. V. 41. P. 23-27.