План курса "Введение в физику конденсированного состояния – 1" для студентов 3-ого курса Академического Университета (весенний семестр)

М.М. Глазов

(Дата: 13 апреля 2018 г.)

Цель первого семестра курса – сформулировать основные понятия физики твердых тел. Будут приведены необходимые минимальные сведения для применения теории симметрии (теории представлений групп) для анализа физических явлений в кристаллах. В первом семестре обсуждаются колебательные и электронные спектры конденсированных сред. Второй семестр будет нацелен на изучение ряда физических явлений в конденсированных средах.

Разбиение на лекции является условным. Звездочкой отмечены темы, которые могут быть опущены без ущерба основному изложению.

- 1. **Введение.** Твердые тела и конденсированные среды вокруг нас: от классических кристаллов до нейтронных звезд и вигнеровской кристаллизации электронов. Трансляционная инвариантность. Элементарная и примитивная ячейки. Решетка Браве. Индексы Миллера.
- 2. **Волны и квазичастицы в кристаллах.** Прямое и обратное пространство. Граничные условия Борна-Кармана. Зона Бриллюэна. Плотность состояний. Фазовая и групповая скорости волн.
- 3. **Дифракция рентгеновских лучей на кристаллах.** Атомный и структурный фактор. Формулы Лауэ и Вульфа-Брэгга.
- 4. **Теория симметрии кристаллов.** Напоминание: тривиальные трансляции и базисные вектора кристаллической решетки. Пространственная группа кристалла. Точечная группа. Симморфные и несимморфные группы. Представления групп: наводящие соображения и математическое напоминание. (\*) Группа волнового вектора. Понятие о проективных представлениях.
- 5. **Применение теории представлений.** Теорема Блоха. Примеры базисных функций неприводимых представлений для групп  $C_{3v}$ ,  $T_d$ . Таблица умножения представлений. Правила отбора. Определение линейно независимых компонент тензоров, связывающих физические величины. (\*) Непрерывные точечные группы: группа вращений.

- 6. **Колебания кристаллических решеток.** Классическая теория колебаний трехмерной сложной решетки. Нормальные моды. Акустические и оптические ветви колебаний. Симметрия колебательных мод.
- 7. **Колебания решеток в континуальном приближении.** Элементы теории упругости. Акустические и оптические моды в приближении сплошной среды. Вклад оптических фононов в диэлектрическую проницаемость кристалла. Формула Лиддена-Сакса-Теллера.
- 8. **Фононы в кристаллах.** Квантование нормальных мод кристаллической решетки. Статистика фононов. Теплоемкость кристаллов: модели Дебая и Эйнштейна, формула Дюлонга-Пти. (\*) Коротко о тепловом расширении твердых тел.
- 9. (\*) Корреляционная функция. Неустойчивость двумерных и одномерных кристаллов.
- 10. Электронный спектр кристаллов. Электроны в идеальном кристалле, адиабатическое приближение. Метод Хартри-Фока. Электрон в периодическом поле (напоминание о теореме Блоха). Приближения сильно и слабо связанных электронов. (\*) Обзор современных методов расчета зонной структуры кристаллов.
- 11. **Метод эффективной массы и**  $k \cdot p$ -теория возмущений. Наводящие соображения: теоремы о скорости и ускорении. Тензор обратных эффективных масс. Эффективный гамильтониан. Метод плавных огибающих.

## Литература:

- 1. А.И. Ансельм, Введение в теорию полупроводников, М.: Наука (1978).
- 2. Г.Л. Бир, Г.Е. Пикус, Симметрия и деформационные эффекты в полупроводниках, М.: Наука (1972).
- 3. Г.Г. Зегря, В.И. Перель, Основы физики полупроводников, М.: Физматлит (2009).
- 4. Н. Ашкрофт, Н. Мермин, Физика твердого тела, М.: Мир (1979).
- 5. Л. Д. Ландау, Е. М. Лифшиц, Статистическая физика. Часть 1, М.: Наука (1976).
- 6. А. Анималу, Квантовая теория кристалических твердых тел, М.: Мир (1981).
- 7. М.И. Петрашень, Е.Д. Трифонов, *Применение теории групп в квантовой механике*, М.: УРСС (2002).